

Integrales

Teorema fundamental del cálculo integral

Una función $F(x)$ se llama primitiva de $f(x)$ si $F(x) = \int f(x) dx$

Integral indefinida $\int f(x) dx = F(x) + C$

Teorema de Barrow $\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a)$

Propiedades de la integral

- $\int_a^b [f(x) \pm g(x)] dx = \int_a^b f(x) dx \pm \int_a^b g(x) dx$ (válido para la integral indefinida)
- $\int_a^b k \cdot f(x) dx = k \int_a^b f(x) dx$ (válido para la integral indefinida)
- $f(x) > 0$ en $[a, b] \Rightarrow \int_a^b f(x) dx > 0$
- $f(x) < 0$ en $[a, b] \Rightarrow \int_a^b f(x) dx < 0$
- Sea $a < b < c$ $\int_a^c f(x) dx = \int_a^b f(x) dx + \int_b^c f(x) dx$
- $f(x) < g(x)$ en $[a, b] \Rightarrow \int_a^b f(x) dx < \int_a^b g(x) dx$
- $\int_a^b f(x) dx = -\int_b^a f(x) dx$

Reglas de integración

	Simplees	Compuestas
Constante	$\int k dx = k \int dx = kx + C$ Casos particulares: $\int 0 dx = C$, $\int dx = x + C$	
Potencia de x	$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + C$	$\int u^n \cdot u' dx = \frac{u^{n+1}}{n+1} + C, n \neq -1$
Inversa de x	$\int \frac{1}{x} dx = \ln x + C$	$\int \frac{u'}{u} dx = \ln u + C$
Exponenciales	$\int e^x dx = e^x + C$ $\int a^x dx = \frac{a^x}{\ln a} + C$	$\int e^u \cdot u' dx = e^u + C$ $\int a^u \cdot u' dx = \frac{a^u}{\ln a} + C$
Trigonométricas	$\int \text{sen} x dx = -\text{cos} x + C$ $\int \text{cos} x dx = \text{sen} x + C$	$\int \text{sen} u \cdot u' dx = -\text{cos} u + C$ $\int \text{cos} u \cdot u' dx = \text{sen} u + C$

* Sea $u = f(x)$