

## Ecuaciones de la recta

Ecuación vectorial	$\vec{OX} = \vec{p} + t\vec{d}$ $(x, y) = (p_1, p_2) + t(d_1, d_2)$	$(p_1, p_2)$ = <i>vector posición</i> = coordenadas de un punto de la recta $(d_1, d_2)$ = <i>vector director</i> = coordenadas de un vector paralelo a la recta
Ecuaciones paramétricas	$r: \begin{cases} x = p_1 + td_1 \\ y = p_2 + td_2 \end{cases}$	$t$ es un parámetro y, para cada valor de éste, se obtiene un punto $(x, y)$ de la recta $r$ .
Ecuación continua	$\frac{x - p_1}{d_1} = \frac{y - p_2}{d_2}$	
Ecuación general o implícita	$Ax + By + C = 0$ , donde $\vec{d} = (-B, A)$ y $(A, B) \perp \vec{d}$	
Ecuación explícita	$y = mx + n$ , donde $m = -\frac{A}{B} = \frac{d_2}{d_1}$ es la pendiente y $n$ la ordenada en el origen	
Pendiente dados dos puntos	Si $P_1(x_1, y_1), P_2(x_2, y_2) \rightarrow m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$	
Ecuación Punto-pendiente	$y - y_0 = m(x - x_0)$ pasa por $P(x_0, y_0)$ y su pendiente es $m$	
Ángulo entre dos rectas	Pendientes: $\tan \varphi = \left  \frac{m_2 - m_1}{1 + m_1 m_2} \right $ Vectores directores: $\cos \varphi = \frac{ \vec{d}_1 \cdot \vec{d}_2 }{ \vec{d}_1   \vec{d}_2 }$	
Rectas Paralelas	- Dos rectas son paralelas si sus pendientes son iguales: $r_1 \parallel r_2 \rightarrow m_1 = m_2$ - El sistema no tiene solución, ningún punto en común	
Rectas perpendiculares	- $r_1 \perp r_2 \rightarrow m_1 = -\frac{1}{m_2}$ ó $m_2 = -\frac{1}{m_1}$ - El producto escalar de sus vectores directores es cero	
Posiciones relativas a dos rectas	Sea $r: Ax + By + C = 0$ $r': A'x + B'y + C' = 0$	- Paralelas: $\frac{A}{A'} = \frac{B}{B'} \neq \frac{C}{C'}$ - Secantes: $\frac{A}{A'} \neq \frac{B}{B'}$ - Coincidentes: $\frac{A}{A'} = \frac{B}{B'} = \frac{C}{C'}$

## Distancias en el plano

**Distancia entre dos puntos**

Sean  $P(x_1, y_1)$ ,  $Q(x_2, y_2)$ ,  $d(P, Q) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$

**Distancia de un punto a una recta**

Sea la recta  $r: Ax + By + C = 0$  y el punto  $P_0(x_0, y_0)$

$$d(P_0, r) = \frac{|Ax_0 + By_0 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$$

**Distancia entre Dos rectas**

Sean  $r: Ax + By + C = 0$   
 $s: Ax + By + C' = 0$

- Si son secantes o coincidentes, su distancia es cero:  
 $d(r, s) = 0$
- Si son paralelas, la distancia entre ellas es la distancia entre un punto cualquiera de una de ellas a la otra recta

$$d(r, s) = \frac{|C' - C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$$

**Punto medio de un segmento**

Sea un segmento  $\overline{AB}$ , donde sus extremos son  $A = (a_1, a_2)$   $B = (b_1, b_2)$

$$M = (m_1, m_2) = \left( \frac{a_1 + b_1}{2}, \frac{a_2 + b_2}{2} \right)$$

**Puntos alineados**

Sea  $A = (a_1, a_2)$ ,  $B = (b_1, b_2)$ ,  $C = (c_1, c_2)$

- Calcular la recta que pasa por los puntos A y B, luego comprobar si C pertenece a dicha recta sustituyendo las coordenadas de C en la recta, si la satisface los tres puntos están alineados, en caso contrario no lo están.
- Calcular la pendiente m entre el punto A y B, y calcular la pendiente m' entre A y C, si  $m = m'$  los puntos están alineados, en caso contrario no lo están.

**Simetría de un punto**

Si  $A' = (x', y')$  es el simétrico de  $A = (x, y)$  respecto de  $P(\alpha, \beta)$  entonces:

$$A' = (x', y') = (2\alpha - x, 2\beta - y)$$